

ك × ك

مراجعة ليلة الامتحان

اسئلة موضوعية

في الاستاتيكا

$\vec{c} = \vec{d}$

$\vec{c}_1 = \vec{c}_2 = \vec{c}_3$

$m \geq c$

لطلاب الثانوية العامة

منتري توجيه الرياضيات

أ. عادل إمام

أسئلة موضوعية في الاحتكاك - أستاذة ثانياً

أكمل ما يأتي :

(١) زاوية الاحتكاك هي زاوية محصورة بين

(٢) معامل الاحتكاك هو النسبة بين

(٣) رد الفعل المحصل \vec{R} هو محصلة

(٤) قوة الاحتكاك النهائي هي

(٥) الزاوية المحصورة بين رد الفعل المحصل وقوة رد الفعل العمودي عندما يكون الاحتكاك نهائي

تسمى

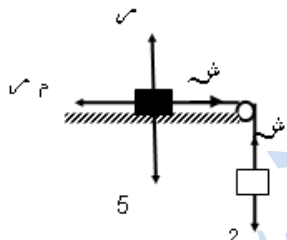
(٦) النسبة بين قوة الاحتكاك النهائي ود الفعل العمودي تسمى

(٧) إذا أثرت قوة أفقية مقدارها ٥ ث كجم على جسم وزنه ١٥ ث كجم موضوع على مستوى أفقى خشن

فجعليه على وشك الحركة فإن معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى =

(٨) فى الشكل المقابل : وضع جسم وزنه ٨ ث. كجم على مستوى أفقى خشن معامل الاحتكاك بينه وبين

المستوى $\frac{1}{4}$ فإن مقدار القوة الأفقية \vec{F} التى تجعل الجسم على وشك الحركة يساوى ث. كجم



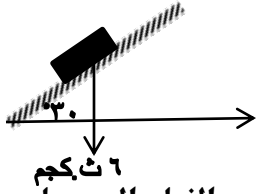
(٩) فى الشكل المقابل : إذا كانت المجموعة على وشك الحركة

فإن معامل الاحتكاك هو

(١٠) إذا وضع جسم وزنه ٢١ نيوتن على مستوى أفقى خشن وأثرت فيه قوتان أفقيتان مقدارهما ٣ ، ٥ نيوتن

ويحصران بينهما زتوية قياسها ٦٠° فأصبح على وشك الحركة فإن معامل الاحتكاك

(١١) فى الشكل المقابل : إذا كان الجسم على وشك الإنزلاق



فإن معامل الاحتكاك هو

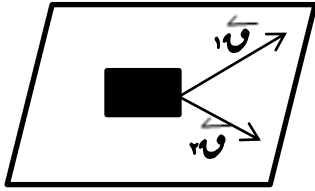
(١٢) إذا كانت قوة الاحتكاك النهائى ٥ نيوتن ومعامل الاحتكاك $\frac{1}{3}$ فإن مقدار قوة رد الفعل المحصل ..

(١٣) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن يميل على الأفقى بزاوية قياسها جتا^{-١} $\frac{3}{5}$ وكان على وشك

الأنزلاق فإن معامل الاحتكاك

(١٤) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن وكان على وشك الأنزلاق بتأثير وزنه فقط عندما كانت زاوية

ميل المستوى على الأفقى قياسها ٦٠° فإن معامل الاحتكاك =



(١٥) فى الشكل المقابل : إذا كانت $\vec{Q}_1 = 3 \text{ ص}$ ، $\vec{Q}_2 = 4 \text{ ص}$ ، $\vec{Q}_3 = 8 \text{ ص}$ ، $\vec{Q}_4 = 6 \text{ ص}$

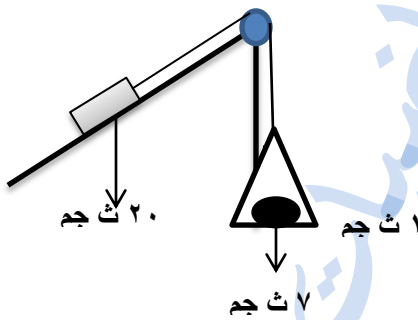
وكان معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى $\frac{1}{4}$ وكان الجسم على وشك

الحركة فإن كتلة الجسم = جم

(١٦) إذا كانت قوة الاحتكاك النهائى = ٦٠ نيوتن ، ومعامل الاحتكاك = ٠.٧٥ فإن رد الفعل المحصل =

(١٧) إذا كان معامل الاحتكاك بين جسم ومستوى = ١ فإن قياس زاوية الاحتكاك =

(١٨) فى الشكل المقابل : ظاه $\frac{4}{3}$ وكتلة كفة الميزان = ١ جم وكتلة الجسم على المستوى ٢٠ جم



(!) إذا كان أصغر ثقل يوضع فى الكفة لحفظ التوازن = ٧ ث جم

فإن معامل الاحتكاك =

(!!) أكبر ثقل يوضع فى الكفة لحفظ التوازن = ث جم

(١٩) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن وكان على وشك الأنزلاق

بتأثير وزنه فقط فإن قياس زاوية الاحتكاك يساوى

الأجـابة

(١) زاوية الاحتكاك هي زاوية محصورة بين قوة رد الفعل العمودي ورد الفعل المحصل

(٢) معامل الاحتكاك هو النسبة بين قوة الاحتكاك النهائي ورد الفعل العمودي

(٣) رد الفعل المحصل ✓ هو محصلة رد الفعل العمودي وقوة الاحتكاك

(٤) قوة الاحتكاك النهائي هي قوة الاحتكاك التي تجعل الجسم على وشك الحركة

(٥) الزاوية المحصورة بين رد الفعل المحصل وقوة رد الفعل العمودي عندما يكون الاحتكاك نهائياً

تسمى زاوية الاحتكاك

(٦) النسبة بين قوة الاحتكاك النهائي ود الفعل العمودي تسمى معامل الاحتكاك

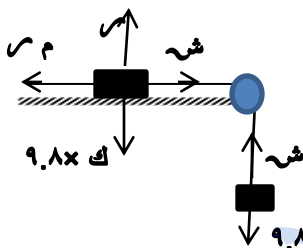
(٧) إذا أثرت قوة أفقية مقدارها ٥ ث كجم على جسم وزنه ١٥ ث كجم موضوع على مستوى أفقى خشن

فجعلته على وشك الحركة فإن معامل الاحتكاك بين الجسم والمستوى = $\frac{5}{10} = \frac{K}{R}$

(٨) في الشكل المقابل : وضع جسم وزنه ٨ ث. كجم على مستوى أفقي خشن معامل الاحتكاك بينه وبين

المستوى $\frac{1}{2}$ فإن مقدار القوة الأفقية W التي تجعل الجسم على وشك الحركة يساوى ث. كجم

(٩) :: الجسم على وشك الحركة

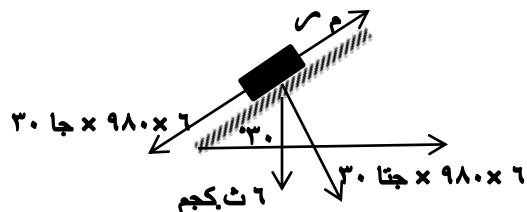


∴ معادلة الأتزان هي : $\text{ش} = ٢ \times ٩.٨$ ، $\text{م} = \text{ك} \times ٩.٨$ ، $\text{ش} = \text{م}$

$$\frac{2}{5} = \frac{2}{5} \therefore \quad \frac{2}{5} = \frac{2}{5} \therefore \quad 9.8 \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} = 9.8 \times \frac{2}{5} \therefore$$

(١٠) إذا وضع جسم وزنه ٢١ نيوتن على مستوى أفقي خشن وأثرت فيه قوتان أفقيتان مقدارهما ٣ ، ٥ نيوتن

ويحصران بينهما زنوية قياسها ٦٠° فأصبح على وشك الحركة فإن معامل الاحتكاك $\frac{1}{3}$



(١١) في الشكل المقابل : إذا كان الجسم على وشك الانزلاق

فإن معامل الاحتكاك هو واحد

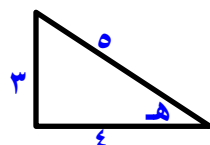
(١٢) إذا كانت قوة الاحتكاك النهائي ٥ نيوتن ومعامل الاحتكاك $\frac{1}{3}$ فإن مقدار قوة رد الفعل المحصل

$$(١٣) \therefore \text{هـ} = \text{جـتا}^{-1} \frac{3}{4} \therefore \text{جـتا هـ} = \frac{3}{4}$$

\therefore تاجسم على وشك الانزلاق تحت تأثير وزنه فقط

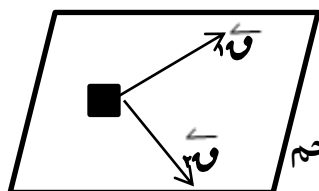
\therefore قياس زاوية ميل المستوى على الأفقى = قياس زاوية الاحتكاك

$$\therefore \text{هـ} = \text{ل} \quad \text{ظا هـ} = \text{ظا ل} = \text{م} = \frac{4}{3}$$



(١٤) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن وكان على وشك الانزلاق بتأثير وزنه فقط عندما كانت زاوية

ميل المستوى على الأفقى قياسها 60° فإن معامل الاحتكاك = $\frac{3}{4}$



$$(١٥) \therefore \vec{F}_1 = \vec{F}_2 = \vec{F}_3 = \vec{F}_4 \therefore \|\vec{F}_1\| = \sqrt{16 + 9} = 5 \text{ ث.جم}$$

$$\therefore \|\vec{F}_2\| = \sqrt{36 + 64} = 10 \text{ ث.جم}$$

$$\therefore \text{ميل } \vec{F}_1 \times \text{ميل } \vec{F}_2 = \frac{3}{4} \times \frac{4}{3} = 1 \therefore \vec{F}_1 \perp \vec{F}_2$$

بفرض ان γ قياس الزاوية بيت خطى عمل \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 $\therefore \gamma = 90^\circ$

$$\therefore \gamma = \sqrt{\vec{F}_1^2 + \vec{F}_2^2} = \sqrt{25 + 100} = 5\sqrt{5} = 890 \times 5 \text{ دايـن}$$

$$\therefore \text{الجسم على وشك الحركة} \quad \text{م} = \frac{1}{5\sqrt{5}}$$

\therefore معادلة الاتزان هي $\text{م} = \frac{1}{5\sqrt{5}}$ ، $\text{ك} = 980 \times \text{م}$ ، $\text{م} = \frac{1}{5\sqrt{5}}$

$$\therefore 980 \times \text{ك} \times \frac{1}{5\sqrt{5}} = 980 \times \text{ك} \times \frac{1}{5\sqrt{5}} \therefore \text{ك} = \frac{1}{5\sqrt{5}} = \frac{1}{5\sqrt{5}} \times 25 \text{ جرام}$$

$$(١٦) \therefore \text{م} = 60 \text{ نيوتن} \quad \text{م} = 0.75 = \frac{3}{4} \therefore \text{م} = \frac{3}{4} \times 60 = 45 \text{ نيوتن}$$

$$\frac{5}{4}$$

اسئلة موضوعية لمراجعة الاستاتيكا ٣ ثانوى (٤) مندرى توجيه الرياضيات م/عادل إدوار

(١٧) إذا كان معامل بين جسم ومستوى = ١ فإن قياس زاوية الاحتكاك = ٤٥°

[illegible]

∴ معادلات الأتران شبه = 8×980

$$\frac{4}{9} \times 9 \times 20 = \frac{3}{9} \times 9 \times 20 + 9 \times 8 \therefore \text{بالتعويض}$$

The diagram shows a mechanical system. A pulley is at the top right, with a rope passing over it. One end of the rope is attached to a block on an inclined plane. The other end of the rope is attached to a vertical support. The block is on an inclined plane that makes an angle of 30° with the horizontal. The weight of the block is 20 N , acting vertically downwards. The weight of the pulley is 20 N , acting vertically downwards. The weight of the vertical support is $(K + 1) \text{ N}$, acting vertically downwards. The tension in the rope is 20 N , acting along the rope. A red arrow labeled "اتجاه الحركة" (Direction of motion) points upwards along the rope. The system is in equilibrium.

∴ معادلات الأتزان $ش = ٩٨٠ \times (١ + ك)$

بالتعويض $\frac{4}{9} \times 9\lambda \times 20 + \frac{3}{9} \times 9\lambda \times 20 \times \frac{2}{3} = 9\lambda \times (1 + 2) \therefore$

(١٩) إذا وضع جسم على مستوى مائل خشن وكان على وشك الانزلاق بتأثير وزنه فقط فإن قياس زاوية

الأحتكاك يساوى قياس زاوية ميل المستوى المائل على الأفقى

منتري توجيه الرياضيات
أحاول إودار

أسئلة موضوعية في موضوع الضرب الاتجاهي / أستاذة ثاوى

أكمل ما يأتى :

(١) إذا كان $\vec{a} = 2\vec{b} + 3\vec{c}$ ، $\vec{b} = 5\vec{d} - \vec{e}$ فإن $\vec{a} \odot \vec{b} = \dots$ ، $\vec{a} \times \vec{b} = \dots$

(٢) لآى ثلاث متجهات \vec{a} ، \vec{b} ، \vec{c} فى نفس المستوى يكون : $(\vec{a} \times \vec{b}) \times (\vec{b} \times \vec{c}) = \dots$

(٣) المركبة الجبرية للمتجه \vec{a} فى اتجاه المتجه \vec{b} =

(٤) إذا كان : $\vec{a} // \vec{b}$ فإن $\vec{a} \times \vec{b} = \dots$

(٥) إذا كان \vec{a} ب جـ ٤ مربع طول ضلعه ٨ سم فإن : $(\vec{a} \cdot \vec{b}) = \dots$

(٦) المركبة الجبرية للقوة $\vec{F} = 4\vec{a} - \vec{b}$ فى اتجاه المتجه \vec{a} حيث $\vec{a} = (-1, 4)$ ، $\vec{b} = (2, 0)$

تساوى

(٧) إذا كان $\vec{a} = 2\vec{b} - 3\vec{c}$ ، $\vec{b} = \vec{c} + \vec{d}$ ، $\vec{c} = \vec{d} - \vec{e}$ فإن $\vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) = \dots$

(٨) $\vec{a} \cdot \vec{b} > \vec{a} \cdot \vec{c}$ مثلث متساوى الساقين فيه $\vec{a} = \vec{b} = \vec{c}$ ، $\vec{a} \cdot \vec{b} = 6\sqrt{3}$ سم ، ق $(\vec{a}, \vec{b}) = 120^\circ$

فإن $\vec{a} \odot \vec{b} = \dots$

(٩) إذا كان المتجهان $\vec{a} = 3\vec{b} - \vec{c}$ ، $\vec{b} = 2\vec{c} + \vec{d}$ متعامدين فإن $\vec{a} \cdot \vec{d} = \dots$

(١٠) $\vec{a} \cdot \vec{b} > \vec{a} \cdot \vec{c}$ مثلث مساحة ٢٤ سم^٢ فإن : $\|\vec{a} \times \vec{b}\| = \dots$

(١١) إذا كان المتجهان $\vec{a} = 2\vec{b} + \vec{c}$ ، $\vec{b} = 5\vec{c} + \vec{d}$ متوازيان فإن $\vec{a} \cdot \vec{d} = \dots$

(١٢) إذا كان المتجهان $\vec{a} = 5\vec{b} - \vec{c}$ ، $\vec{b} = 2\vec{c} - \vec{d}$ فإن $\vec{a} \times \vec{b} = \dots$ ، $\vec{a} \odot \vec{b} = \dots$

$\vec{a} \times \vec{b} = \dots$ ، $\vec{a} \odot \vec{b} = \dots$

(١٣) إذا كان النقط $\vec{a} (1, 2)$ ، $\vec{b} (3, 5)$ ، $\vec{c} (-1, 4)$ فإن مساحة المثلث $\vec{a} \cdot \vec{b} \cdot \vec{c} = \dots$

(١٤) إذا كان $\vec{a} = 4\vec{b} + 3\vec{c}$ ، $\vec{b} = 12\vec{c} + 5\vec{d}$ ، ه قياس الزاوية بين \vec{a} ، \vec{b}

فإن جتا ه =

(١٥) إذا كان : $\|\vec{a}\| = 8$ نيوتن ، $\|\vec{b}\| = 5$ متر ، قياس الزاوية بينهما 120° فإن $\vec{a} \odot \vec{b} = \dots$

(١٦) إذا كان \vec{a} ، \vec{b} متجهان غير صفريان وكان $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c} = 0$ فإن

(١٧) إذا كان \vec{a} ، \vec{b} متجهان وحدة فإن $\|(\vec{a} - \vec{b}) \times (\vec{b} - \vec{a})\| = \dots$

$$(18) \text{ إذا كان } \vec{v} = 8\vec{s} + \vec{v} , \vec{k} = 3\vec{s} - 4\vec{v}$$

فإن المركبة الجبرية للقوة \vec{v} في اتجاه \vec{k} =

$$(19) \text{ إذا كان } \vec{p}, \vec{b} \text{ متجهي وحدة قياس الزاوية بينهما } \theta \text{ فإن } 2(\vec{b} \cdot \vec{p}) \parallel \vec{b} \times \vec{p} = \text{جا} \dots$$

$$(20) \text{ إذا كان } \vec{p}, \vec{b} \text{ متجهي وحدة قياس الزاوية بينهما } \theta \text{ فإن } 2(\vec{b} \cdot \vec{p}) \parallel \vec{b} \times \vec{p} = \dots$$

$$(21) \text{ قياس الزاوية بين المتجهين } 3\vec{s} + 4\vec{v}, 8\vec{s} - 6\vec{v} \text{ تساوى } \dots$$

$$(22) \text{ إذا كان } \vec{p} = 2\vec{s} - 3\vec{v}, \vec{b} = \vec{s} + \vec{v}, \vec{j} = \vec{s} - \vec{v} \text{ فإن}$$

$$(\vec{p}) \times (\vec{b} \times \vec{j}) = \dots$$

$$(\vec{b}) \cdot (\vec{b} \times \vec{p}) \odot \vec{j} = \dots$$

$$(\vec{j}) \cdot (\vec{b} + \vec{p}) \odot \vec{j} = \dots$$

$$(\vec{e}) \text{ مساحة سطح المثلث المرسوم على } \vec{b}, \vec{j} = \dots$$

$$(23) \text{ إذا كانت } \vec{v} = 3\vec{s} - 4\vec{v}, \vec{p} = (2, 1), \vec{b} = (3, 4) \text{ فإن}$$

$$\text{المركبة الأتجاهية للقوة } \vec{v} \text{ في اتجاه } \vec{p} = \dots$$

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة

$$(1) \text{ إذا كان } \parallel \vec{b} \times \vec{p} \parallel = \vec{b} \odot \vec{p} \text{ فإن قياس الزاوية بين } \vec{p}, \vec{b} \text{ يساوى } \dots$$

١٨٠° (أ) ٩٠° (ب) ٤٥° (ج) ٠° (د) صفر

$$(2) \vec{p} \cdot \vec{j} \text{ مثلث قائم الزاوية في } \vec{b}, \vec{p} = 6\vec{s}, \vec{b} = \vec{j} = 8\vec{s}. \text{ فإن المسقط الجبرى للمتجه } \vec{p} \text{ في}$$

اتجاه المتجه $\vec{p} = \vec{j} = \dots$ ٣.٦ (أ) ٦.٤ (ب) ٣.٦ (ج) ٦.٤ (د) ٦.٤

$$(3) \vec{p} \cdot \vec{j} \text{ مثلث قائم الزاوية في } \vec{b}, \vec{p} = 6\vec{s}, \vec{b} = \vec{j} = 8\vec{s}, \vec{e} \text{ منتصف } \vec{p} \cdot \vec{j} \text{ فإن المسقط الجبرى}$$

$$\text{للمتجه } \vec{b} \text{ في اتجاه المتجه } \vec{p} = \dots$$

٤ (أ) ٤ (ب) ٣ (ج) ٣ (د) ٣

$$(4) \text{ فإذا كان } \vec{y} \text{ متجه وحدة عمودى عبي كل من المتجهين } \vec{p}, \vec{b}, \parallel \vec{p} \parallel = 6, \parallel \vec{b} \parallel = 8$$

$$\text{وكان } \vec{p} \odot \vec{b} = -24 \text{ فإن } \vec{p} \times \vec{b} = \dots$$

٤,٥ (أ) ٤ ± (ب) ٤.٥ (ج) ٤ (د) ٤

منذك توجب الرياضيات

(٢)

الموجه الأول / عادل إدوار

الإجابة

(۱) حیث ۲ (۳، ۲) ، ب (۵، ۱)

$$Y = (1 \times 3 + 5 \times 2) = \overset{\leftarrow}{\underset{\cdot}{B}} \odot \overset{\leftarrow}{\underset{\cdot}{P}}$$

$$ع ١٧ - = ع (٣ \times ٥ - (١ -) \times ٢) = ب \times ١$$

(٢) لأى ثلاث متجهات \vec{a} ، \vec{b} ، \vec{c} يكون

$$\overleftarrow{\text{صفر}} = (\overleftarrow{\text{ب}} \times \overleftarrow{\text{ج}}) \times (\overleftarrow{\text{ب}} \times \overleftarrow{\text{د}}) = \overleftarrow{\text{ب}} \times (\overleftarrow{\text{ج}} \times \overleftarrow{\text{د}})$$

(٣) المركبة الجبرية للمتجه \vec{u} في اتجاه المتجه \vec{v} = $\vec{u} \odot \vec{v}$

(٤) إذا كان: ١ // ب فإن ١ × ب = صفر

$$(۱ \odot ۲) \times ۳ = (۱ \odot ۲) \odot ۳ \quad (۵)$$

$$3\lambda\epsilon = \frac{1}{2\sqrt{\lambda}} \times 2\sqrt{\lambda} \lambda \times \lambda \times 1 = 1\lambda \cdot (\text{جنا} \times \sqrt{\lambda} \lambda \times \lambda) 1 =$$

$$(1, \varepsilon) \cup (\varepsilon, 3) = (\varepsilon, 1) - (0, 2) = 1 - \bar{0} = \bar{1} \quad (6)$$

\therefore المركبة الجبرية للقوة $\overline{و}$ في اتجاه المتجه $\overline{اب} = \overline{و} \odot \left(\frac{\underline{(٤-،٣)}}{\sqrt{١٦+٩}} \right) = \frac{\underline{١٦}}{\underline{٥}}$

$$\frac{16}{0} = \frac{[(\xi - \times 1 -) + 3 \times \xi]}{0} =$$

$$(1-, 1) = \sup, (1, 1) = \inf, (3-, 2) = \inf \quad (V)$$

$(1-, 1) \times (1, 1) + (3-, 2) = \overline{2} \times (\overline{2} + \overline{1})$ فإن

$$\underline{\mathcal{E}}_{1-} = (1 \times (2-) - 1- \times 3) = (1-, 1) \times (2-, 3) =$$

(٨) $\therefore \text{ب} = \text{پ} \Rightarrow \sqrt[3]{\text{سم}} \text{ ق} = (\text{پ} \leq) \therefore \text{ب} = (\text{ب} \leq) \therefore$

$$\boxed{\sqrt[3]{54}} = \sqrt[3]{\underset{\text{ب}}{27}} \times \sqrt[3]{\underset{\text{ب}}{2}} = \sqrt[3]{27} \times \sqrt[3]{2} = 3 \times \sqrt[3]{2}$$

(٩) $\therefore 1 = 3 - 2 = 3 - 2 + 1 - 1 + 2 - 2 + 3 - 3 + \dots + n - n + n - n + n - 1 + 1$ ، $1 = 2 - 1 + 1 - 1 + 2 - 2 + 3 - 3 + \dots + n - n + n - n + n - 1 + 1$ متعامدين

$$\therefore \text{صفر} = ٦ - \text{ك} \leftarrow \text{صفر} = (٢, \text{ك}) \odot (٣, -١) \therefore \text{صفر} = \overline{\text{ب}} \odot \overline{\text{ا}} \therefore$$

(١٠) م ب > مثلث مساحة ٢٤ سم^٢ ∴ م ب × م ب = ٢ م Δ م ب = ٤٨ سم^٢

$$\therefore \|\overline{b} \times \overline{b}\| = 48 \text{ وحدة مربعة}$$

$$(11) \quad \vec{p} = 2\vec{s} + \vec{v} , \quad \vec{b} = 5\vec{s} + \vec{v} \text{ متوازيان}$$

$$\therefore \vec{p} \times \vec{b} = (1, 2) \times (5, 1) = 0 \leftarrow 2 \times 1 - 5 \times 1 = 0 \therefore \vec{p} \times \vec{b} = 0$$

$$(12) \quad \vec{p} = (0, 5) , \quad \vec{b} = (2, 0) \text{ متجهان متعامدان}$$

$$\therefore \vec{p} \times \vec{p} = \vec{b} \times \vec{b} = 0 \text{ لأنهما لهما نفس الاتجاه} , \quad \vec{b} \odot \vec{b} = (2, 0) \odot (2, 0) = 4 + 0 = 4$$

$$\vec{p} \times \vec{b} = (0, 5) \times (2, 0) = 0 - 10 = -10 \text{ لأنهما متعامدان} , \quad \vec{p} \odot \vec{b} = 0 - 10 = -10$$

$$(13) \quad \vec{p} = (1, 2) , \quad \vec{b} = (5, 3) , \quad \vec{c} = (4, 1)$$

$$\therefore \vec{p} \times \vec{b} \times \vec{c} = (\vec{b} - \vec{c}) \times (\vec{p} - \vec{c}) = 2 \text{ مساحة المثلث } p \text{ ب ج}$$

$$15 = (16 + 1) = (1, 4) \times (4, 1) = (5 - 4, 3 - 1) \times (1 - 5, 2 - 3) =$$

$$\therefore \text{مساحة المثلث } p \text{ ب ج} = 7.5 \text{ وحدة مربعة}$$

$$(14) \quad \vec{p} = 4\vec{s} + 3\vec{v} , \quad \vec{b} = 5\vec{s} + \vec{v} \therefore \|\vec{p}\| = \sqrt{16 + 9} = 5 \text{ وحدة طول}$$

$$\vec{b} = 12\vec{s} + 5\vec{v} , \quad \therefore \|\vec{b}\| = \sqrt{144 + 25} = 13 \text{ وحدة طول}$$

$$\therefore \vec{p} \odot \vec{b} = 5 \times 12 - 13 \times 5 = (5, 12) \odot (3, 4) \leftarrow \text{جتا ه} \times 13 \times 5 =$$

$$65 = 15 + 48 \therefore \text{جتا ه} = \frac{63}{65}$$

$$(15) \quad \|\vec{p}\| = 8 \text{ نيوتن} , \quad \|\vec{b}\| = 5 \text{ متر} , \quad \text{قياس الزاوية بينهما } 120^\circ$$

$$\therefore \vec{p} \odot \vec{b} = 8 \times 5 \times \frac{1}{2} = 20$$

$$(16) \quad \text{إذا كان } \vec{p} , \vec{b} \text{ متجهان غير صفريان وكان } \vec{p} \times \vec{b} = 0 \text{ فإن } \vec{p} // \vec{b}$$

$$(17) \quad 2 \text{ جا ه حيث ه قياس الزاوية بين المتجهين } \vec{p} , \vec{b} = \|\vec{b} + \vec{p}\| \times \|\vec{b} - \vec{p}\|$$

$$(18) \quad \vec{u} = 8\vec{s} + \vec{v} , \quad \vec{k} = 3\vec{s} - 4\vec{v} \therefore \vec{u} \odot \vec{k} =$$

$$\therefore \text{المركبة الجبرية للقوة } \vec{u} \text{ في اتجاه } \vec{k} = \vec{u} \odot \vec{k} = (1, 8) \odot (3, -4) = \frac{(4 - 24)}{16 + 9} = -2$$

$$(19) \quad \vec{p}, \vec{b} \text{ متجهي وحدة} \therefore \|\vec{p}\| = 1, \|\vec{b}\| = 1$$

$$\therefore \vec{p} \odot \vec{b} = \|\vec{p}\| \|\vec{b}\| \cos \theta = 1 \times 1 \times \cos \theta = \cos \theta \text{ ---- (1)}$$

$$\therefore \vec{p} \times \vec{b} = \|\vec{p}\| \|\vec{b}\| \sin \theta = 1 \times 1 \times \sin \theta = \sin \theta \text{ ---- (2)}$$

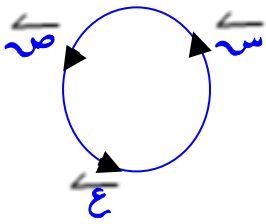
$$\therefore \|\vec{p} \times \vec{b}\| = \sin \theta \text{ ---- (2) من (1) ، (2)}$$

$$\therefore \|\vec{p} \times \vec{b}\|^2 = \sin^2 \theta \quad \|\vec{p} \times \vec{b}\|^2 = \|\vec{p}\|^2 \|\vec{b}\|^2 \sin^2 \theta = 1 \times 1 \times \sin^2 \theta = \sin^2 \theta$$

$$(20) \text{ كما في (19) } (\vec{p} \odot \vec{b})^2 = \cos^2 \theta \quad \|\vec{p} \times \vec{b}\|^2 = \sin^2 \theta \quad \therefore \cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$(21) \text{ بفرض } \vec{p} = 3\vec{s} + 4\vec{v} = (3, 4), \vec{b} = 8\vec{s} - 6\vec{v} = (8, -6) \text{ يحصران زاوية } \theta$$

$$\therefore \cos \theta = \frac{\vec{p} \odot \vec{b}}{\|\vec{p}\| \|\vec{b}\|} = \frac{(3, 4) \odot (8, -6)}{\sqrt{25} \sqrt{100}} = \frac{24 - 24}{10 \times 5} = 0 \therefore \theta = 90^\circ$$



$$(22) \therefore \vec{p} = (2, -3), \vec{b} = (1, 1), \vec{g} = (1, -1)$$

$$\vec{b} \times \vec{g} = (1, 1) \times (1, -1) = (-1 - 1) = -2 \quad \vec{g} \odot \vec{g} = 0$$

$$\vec{p} \times \vec{b} = (2, -3) \times (1, 1) = (2 - 3) = -1 \quad \vec{g} \odot \vec{p} = 0$$

$$\vec{p} + \vec{b} = (2, -3) + (1, 1) = (3, -2)$$

$$(p) \quad \vec{p} \times (\vec{b} \times \vec{g}) = (\vec{p} \times \vec{b}) \times \vec{g} = (-1) \times (-2) = 2 \quad \vec{g} \times \vec{v} = 4\vec{s} - 6\vec{v} = (4, -6) \quad \vec{g} \times \vec{s} = 6\vec{v} - 4\vec{s} = (-4, 6)$$

$$(b) \quad (\vec{p} \times \vec{b}) \odot \vec{g} = (-1) \odot (-2) = 2 \quad \vec{g} \odot \vec{p} = 0 \quad \vec{g} \odot \vec{b} = 0 \quad \text{صفر} = \text{صفر}$$

$$(ج) \quad (\vec{p} + \vec{b}) \odot \vec{g} = (3, -2) \odot (1, -1) = 3 - 2 = 1$$

$$(e) \quad \text{مساحة سطح المثلث المرسوم على } \vec{b}, \vec{g} = \frac{\|\vec{b} \times \vec{g}\|}{2} = \frac{2}{2} = 1 \text{ وحدة مربعة}$$

$$(23) \quad \vec{p} = (2, -1), \vec{b} = (4, 3), \vec{g} = (3, -4) \quad \vec{p} \times \vec{b} = (2, -1) \times (4, 3) = 6 - 4 = 2 \quad \vec{p} \times \vec{g} = (2, -1) \times (3, -4) = -8 - 3 = -11$$

$$\text{المركبة الاتجاهية للقوة } \vec{p} \text{ في اتجاه } \vec{b} = \frac{\vec{p} \odot \vec{b}}{\|\vec{b}\|} = \frac{2}{\sqrt{25}} = \frac{2}{5}$$

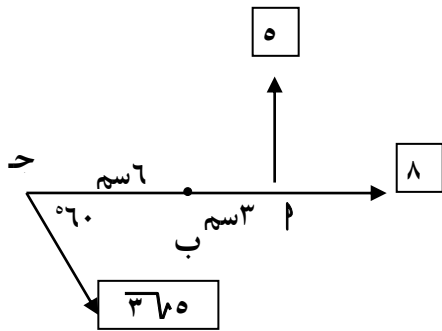
$$\left(\frac{22}{5}, \frac{11}{5} \right) = \left(\frac{88}{20}, \frac{44}{20} \right) = (4, 2) \quad \frac{(4, 2) \odot (4, -3)}{20} =$$

إدوار

أسئلة موضوعية في موضوع العزوم – أستاذة ثانياً

أكمل ما يأتي :

(١) إذا كانت $\vec{r}_1 = \vec{r}_2 - \vec{r}_3$ صـ تؤثر في النقطة $P(1, 2)$ ، $\vec{r}_4 = \vec{r}_3 + \vec{r}_5$ صـ تؤثر في النقطة $B(1, 5)$ فإن P عزم \vec{r}_1 حول النقطة $P = \dots\dots\dots$



(ب) البعد بين النقطة B وخط عمل القوة \vec{r}_1
(٢) في الشكل المقابل : أثرت القوى ٨ ، ٥ ، ٣ نيوتن

في P ، جـ فإن : جـ $P = \dots\dots\dots$ نيوتن. سم

(٣) إذا انعدم عزم قوة \vec{r}_1 بالنسبة لنقطة P فإن $P = \dots\dots\dots$

(٤) إذا كانت لمجموعة من القوى المستوية المؤثرة على جسم متماسك

فإن المجموع الجبري لعزوم القوى حول نقطة يساوي $\dots\dots\dots$

(٥) قوة \vec{r}_1 عزمها بالنسبة للنقطة $(3, 4) = 10$ عـ ، وعزمها بالنسبة للنقطة $(1, 2) = -10$ عـ

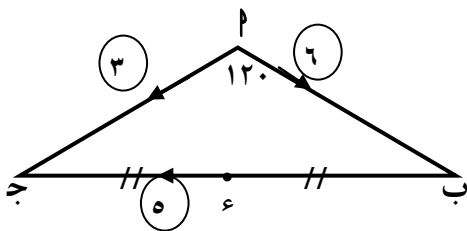
فإنها عزمها بالنسبة للنقطة $(\dots\dots\dots) = \text{صفر عـ}$

(٦) إذا أثرت القوة $\vec{r}_1 = \vec{r}_4 - \vec{r}_3$ صـ في النقطة $P(2, 3)$ فإن متجه عزمها بالنسبة لنقطة الأصل $O = \dots\dots\dots$

(٧) مجموع عزوم عدة قوى مستوية حول أي نقطة في مستويها يساوي $\dots\dots\dots$

(٨) إذا أثرت القوة $\vec{r}_1 = \vec{r}_2 + \vec{r}_3$ صـ في النقطة $P(3, 4)$ فإن عزم \vec{r}_1 بالنسبة لنقطة

$B(3, 5) = \dots\dots\dots$



(٩) في الشكل المقابل : ΔABC فيه $AB = AC = 10$ سم

، $\angle A = 120^\circ$ ، أثرت القوى ٦ ، ٣ ، ٥ نيوتن

في A ، B ، C ، D فإن D كانت منتصف BC فإن

(أ) $\vec{r}_1 = \dots\dots\dots$ ن.سم ، (ب) $\vec{r}_2 = \dots\dots\dots$ ن.سم

(١٠) إذا انعدم مجموع عزمي قوة \vec{r}_1 حول النقطتين P ، B فإن خط عمل \vec{r}_1 $\dots\dots\dots$ P



(١٢) إذا كانت: $\overline{u} = 4$ - $s = 2$ - v تؤثر في النقطة $u(1, -2)$ وكانت $b(2, 2)$

۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹ نیوٹن فی لمبا، ب لمبا، ج لمبا، د لمبا، ا لمبا

(ب) إذا كان: ح^ـ = صفر فإن: ل = ٠٠٠٠٠ نيوتن

الاتجاهات المبينة بالشكل فإن المجموع الجبري لعزوم القوى

(١٦) إذا أثرت القوة $\vec{Q} = J \vec{s} - 2 \vec{v}$ في النقطة $P(5, 2)$ وكان متجه عزمها بالنسبة لنقطة

مجموع عزوم القوة حول النقطة ج ==

(١٩) إذا أثرت القوة \vec{F} في نقطة M فإن متجه عزم القمة \vec{M} بالنسبة لنقطة الأصل $O = \dots\dots\dots$

، ص = صفر فان

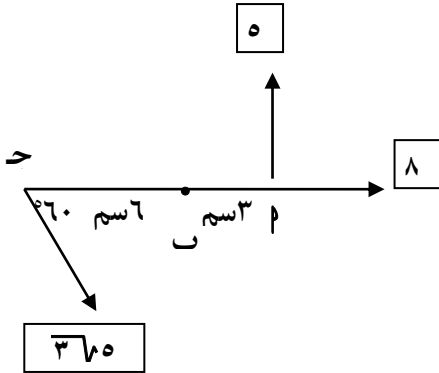
الإجابات

(١) عزم \vec{Q} حول النقطة $P = (\vec{s}_2 - \vec{s}_4) \times (\vec{s}_3 - \vec{s}_4) = -11 \text{ ع}$

(ب) عزم \vec{Q} حول النقطة $B = (\vec{s}_5 + \vec{s}_4) \times (\vec{s}_3 + \vec{s}_4) = 17 \text{ ع}$

البعد بين النقطة B وخط عمل القوة \vec{Q}

$$= \frac{\text{معيار متجه العزم } \vec{Q}}{\text{معيار القوة } \vec{Q}} = \frac{17}{5} = 3.4 \text{ وحدة طول}$$



(٢) $J = 0 \times 5 + 0 \times 8 + 3.4 \times 9 \times 60 = 67.5 \text{ نيوتن.سم}$

(٣) P تقع على خط عمل القوة \vec{Q}

(٤) عزم المحصلة حول نفس النقطة

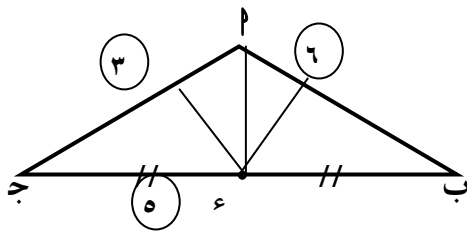
(٥) $J_B = J_P = 0$ \therefore النقطة منتصف $AB = (2, 3)$

(٦) $\vec{s}_2 + \vec{s}_3 = \vec{P} = \vec{Q} \times \vec{R} = J_B = 0$ $\therefore (\vec{s}_2 + \vec{s}_3) \times (\vec{s}_4 - \vec{s}_3) = -18 \text{ ع}$

(٧) عزم محصلة هذه القوى بالنسبة لنفس النقطة

(٨) $\vec{s}_2 + \vec{s}_3 = \vec{P} = \vec{Q} \times \vec{R} = J_B = 0$ $\therefore (\vec{s}_2 + \vec{s}_3) \times (\vec{s}_4 - \vec{s}_3) = -18 \text{ ع}$

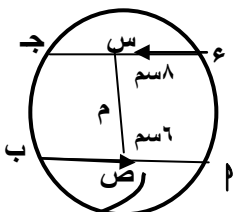
(٩) $J_P = 5 \times 10 \times 60 = 3000 \text{ نيوتن.سم}$



$J_B = 30 \times 6 + 30 \times 3 = 300$

$= 3 \times 37.5 = 112.5 \text{ نيوتن.سم}$

(١٠) خط عمل \vec{Q} ينصف AB



(١١) $M_s = \sqrt{100 - 36} = 8 \text{ سم}$ ، $M_v = \sqrt{100 - 64} = 6 \text{ سم}$

$\therefore J_M = 8 \times 20 - 6 \times 20 = 16 \text{ ث.كجم.سم}$

منتهى توجيه الرياضيات

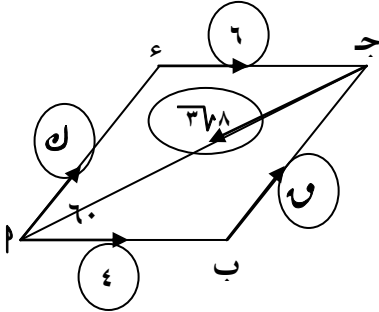
(٣)

الموجه الأول P عادل إدوار

$$(12) \quad \vec{r} = \vec{p} = \vec{b} = -\vec{s}_3$$

$$\therefore \vec{c} = \vec{r} \times \vec{v} = (-\vec{s}_3 + \vec{s}_0) \times (\vec{s}_2 - \vec{s}_4) = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{c}$$

$$(ب) \quad \vec{c} \parallel \vec{b}$$

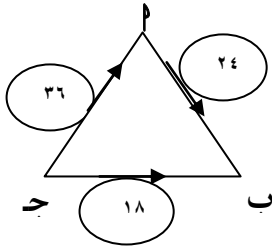


$$(13) \quad \vec{c} = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{v} \times \vec{b} = \vec{v} \times \vec{c} = 0 \quad \therefore \text{ق} = 6 \text{ نيوتن}$$

$$\vec{c} = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{v} \times \vec{b} = \vec{v} \times \vec{c} = 0$$

$$\therefore \text{ك} = 2 \text{ نيوتن} \quad 0 = \frac{3}{4} \times \text{ك} - 36.4 + 36.3$$

$$(14) \quad \vec{v} \parallel \vec{b}$$



(15) المثلث متساوي الأضلاع متوسط المثلث هو ارتفاع المثلث

$$\text{طول الضلع} = 6 \text{ سم} \quad \therefore \text{طول المتوسط (الارتفاع)} = 3\sqrt{3}$$

\therefore م نقطة تلاقي المتوسطات تبعد عن خط عمل كل قوة هو $3\sqrt{3}$

$$\vec{c} = \vec{v} \times (\vec{r} - \vec{s}_4 + \vec{s}_6) = 3\sqrt{3} \times 2 = 6\sqrt{3}$$

$$(16) \quad \vec{r} = \vec{p} = \vec{b} = -\vec{s}_3 = (2, 5) - (4, 7) = (-2, -2) = -\vec{s}_2 + \vec{s}_6$$

$$\therefore \vec{c} = \vec{r} \times \vec{v} = (-\vec{s}_2 + \vec{s}_6) \times (\vec{s}_2 - \vec{s}_4) = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{c}$$

$$\therefore \vec{c} = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{v} \times \vec{c} = 0 \quad \therefore \frac{1}{3} = \text{ج} \quad \therefore \vec{c} = \vec{v} \times \vec{r} = \vec{v} \times \vec{c} = 0$$

(18) مجموعة القوى متزنة

$$(17) \quad 3\sqrt{3} \times 80 \text{ نيوتن.سم}$$

(20) المجموعة متزنة

$$(19) \quad \vec{v} \times \vec{p}$$

الموجه الأول / عادل إدوار

أسئلة موضوعية ف منهج الاستاتيكا- ٣ ثانوى

① إذا كونت القوتان $\vec{F}_1 = 1$ سكة + $\vec{F}_2 = 3$ سكة ، $\vec{F}_3 = 5$ سكة + $\vec{F}_4 = 2$ سكة ازدواجا فإن $1 + 2 = \dots\dots\dots$

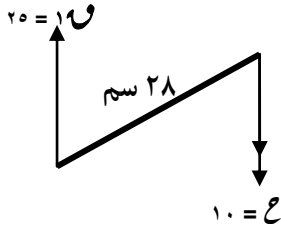
② الشرط اللازم والكافى لاتزان مجموعة من القوى هو

③ إذا كان $\vec{F}_1 = 3$ سكة + $\vec{F}_2 = 4$ سكة ، $\vec{F}_3 = 5$ سكة - $\vec{F}_4 = 12$ سكة ، θ قياس الزاوية بين \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 فإن جتا $\theta = \dots\dots\dots$

④ إذا اتزن جسم تحت تأثير ازدواج وقوتين فإن

⑤ إذا كان \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 متجهين غير صفرين فإن $\vec{F}_1 \parallel \vec{F}_2$ عندما ، $\vec{F}_1 \perp \vec{F}_2$ عندما

⑥ عندما يوضع قضيب داخل إناء كروى أملس فإنه يتزن عندما خط عمل الوزن



⑦ فى الشكل يوضح معيارى قوتين متوازيتين \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 ومحصلتهما \vec{F} فإن $20 = \dots\dots\dots$

⑧ إذا انعدم عزم قوة \vec{F} بالنسبة لنقطة P فإن

⑨ قياس الزاوية بين المتجهين $\vec{F}_2 - \vec{F}_3$ ، $\vec{F}_6 + \vec{F}_4$ تساوى

⑩ يتكافئ ازدواجين \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 إذا كان

⑪ P ب ج د شبه منحرف قائم الزاوية P القوى المبينة مقاديرها

واتجاهاتها تمثيلاً تاناً بأضلاع شبه المنحرف فإن كانت

المجموعة تكافئ ازدواج فإن $10 = \dots\dots\dots$ ، $20 = \dots\dots\dots$

$20 = \dots\dots\dots$ ، عزم الازدواج $= \dots\dots\dots$

⑫ إذا كان خط عمل القوة \vec{F} ينصف AB فإن $J = \dots\dots\dots$

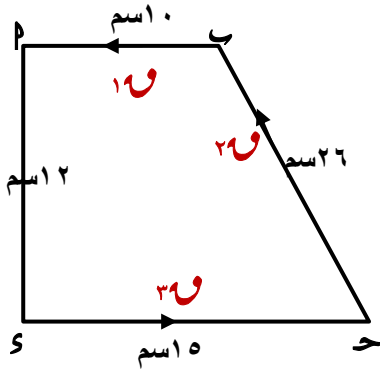
⑬ إذا كان: \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 متجهى عزمى ازدواجين مستويين فإن الازدواجين يكونان متوازيين

إذا كان

⑭ إذا كان القوتان \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 متوازيتان وفى إتجاهين متضادين وكان $14 = 10$ نيوتن ،

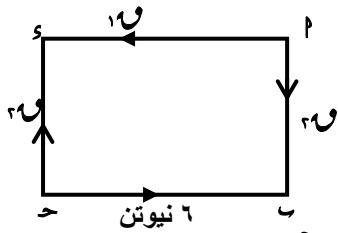
$10 = 20$ نيوتن فإن مقدار محصلتهما $= \dots\dots\dots$ نيوتن

⑮ إذا كان $\vec{F}_1 \parallel \vec{F}_2$ وكان $1 = 3$ نيوتن ، $2 = 7$ نيوتن فإن $20 = \dots\dots\dots$



١٦) إذا كانت ١ ، ب ، ج ثلاث نقط ليست على استقامة واحدة بحيث كان هناك مجموعة من القوى في مستوياتها وكان $\vec{C} = \vec{B} = \vec{A} = \vec{0}$ فإن المجموعة تكون

١٧) الشروط الكافية واللازمة لاتزان مجموعة من القوى المستوية هي



Ⓐ ب ج د مستطیل ۱ ب = ۱۲ سم ، ب ج = ۸ سم . اثر لقوی

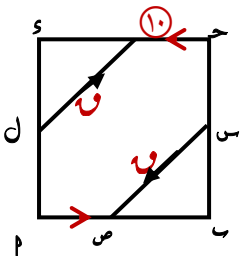
فکونت ازدواجین متوازنین فان $۱۷ - ۲۷ ==$ نیوتن

﴿١٩﴾ إِذَا كَانَ كُۙ١، كُۙ٢ مُتَوَازِيَتَانِ وَفِي نَفْسِ الْاِتِّجَاهِ حَيْثُ $و١ = ٥٠$ ث جَم

، و_۲ = ۶۰ ث جم والبعء بينهما ۴۴ سم فإن بعد ح^۱ عن و_۱ = سم

٢٠) \vec{v}_1 ، \vec{v}_2 قوتان متوازيان محصلتهما \vec{c} فإذا كان $v_1 = 8$ بيوتن، $c = 11$ نيوتن

فان ۲۱ =



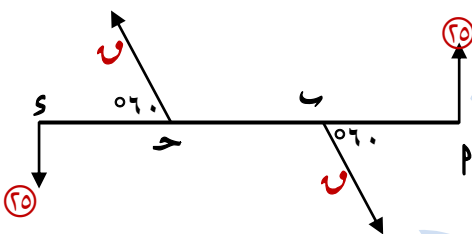
٢١) س، ص، ع، ل منتصفات أضلاع المربع ٢، ٣، ٤ أثرت القوى المبين

مقديرها واتجاهاتها فأترنت المجموعة فإن ١ = ثقل جرام

﴿۳۲﴾ إذا كان: ٤، ٣ هما قوتی ازدواج وکان ١ = (٦، ٩) فإن ١ ==

③ \vec{F}_1 ، \vec{F}_2 قوتان متوازیاتان محصلتهما \vec{F} فإذا كان $10 = 8$ بیوتن، $11 = 1$ نیوتن فإن

..... = ۲۷



٢٤) في الشكل $p = b = c = d = e = f = g = h = i = j = k = l = m = n = o = p = q = r = s = t = u = v = w = x = y = z = \text{سم}$

المجموعة تكافئ ازدواج فإن $\nu = \dots$ نيوتن

٢٥) إذا كانت $A = (1, 1)$ ، $B = (5, -2)$ ، $C = (3, 6)$ فإن مساحة سطح المثلث

أ ب ج تساویوحدة مربعة

٢٦) إذا أثرت مجموعة من القوى في مستوى المستطيل أ ب حد و كان ج أ = صفر،

س أ = صفر ، ص أ = صفر فإن

٢٧) يتزن ازدواجين ١ج، ٢ج، إذا كان

Ⓐ إذا أثرت ثلاث قوى مستوية في جسم متماسك ومثلها تمثيلاً تاماً أضلاع مثلث مأخوذة في

اتجاه دورى واحد فإن هذه القوى تكافئ